

FIȘA DISCIPLINEI

1. Date despre program

1.1 Instituția de învățământ superior	Universitatea Tehnică din Cluj-Napoca
1.2 Facultatea	Inginerie Electrică
1.3 Departamentul	Electroenergetică și Management
1.4 Domeniul de studii	Inginerie Energetică
1.5 Ciclul de studii	Master
1.6 Programul de studii / Calificarea	MSEM
1.7 Forma de învățământ	IF – învățământ cu frecvență

2. Date despre disciplină

2.1 Denumirea disciplinei	Complemente de matematici aplicate în inginerie electrică			Codul disciplinei	1.00
2.2 Titularul de curs	Prof.dr.ing.mat. Dan Doru Micu (Dan.Micu@ethm.utcluj.ro)				
2.3 Titularul activităților de seminar / laborator / proiect / practică	Prof.dr.ing.mat. Dan Doru Micu (Dan.Micu@ethm.utcluj.ro)				
2.4 Anul de studiu	1	2.5 Semestrul	1	2.6 Tipul de evaluare	E
2.7 Regimul disciplinei	Categoriza formativă				DS
	Opționalitate				DI

3. Timpul total estimat

3.1 Număr de ore pe săptămână	3	din care:	3.2 Curs	1	3.3 Seminar	2	3.3 Laborator	-	3.3 Proiect	-	3.3 Practică	-
3.4 Număr de ore pe semestru	42	din care:	3.5 Curs	14	3.6 Seminar	28	3.6 Laborator	-	3.6 Proiect	-	3.3 Practică	-
3.7 Distribuția fondului de timp (ore pe semestru) pentru studiu individual și evaluare:												
(a) Evaluare												3
(b) Studiul după manual, suport de curs, bibliografie și notițe												18
(c) Documentare suplimentară în bibliotecă, pe platforme electronice de specialitate și pe teren												9
(d) Pregătire seminarii / laboratoare, teme, referate, portofolii și eseuri												18
(e) Tutoriat												10
(f) Alte activități												0
3.8 Total ore studiu individual și evaluare (suma (3.7(a))...3.7(f))								58				
3.9 Total ore pe semestru (3.4+3.8)								100				
3.10 Numărul de credite								4				

4. Precondiții (acolo unde este cazul)

4.1 de curriculum	Metode numerice, Programarea calculatoarelor, Teoria circuitelor electrice, Teoria câmpului electromagnetic, Masini electrice, Instalatii electrice
4.2 de competențe	• Aplicarea cunostintelor, conceptelor, metodelor si teoriilor stiintifice pentru rezolvarea de probleme teoretice si practice in domeniul electric • Identificarea proceselor, fluxurilor, principiilor, modelelor matematice de bază cu privire la proiectarea unui sistem electric • Utilizarea integrată a aparatului conceptual și metodologic, în condiții de informare incompletă, pentru a rezolva probleme teoretice/practice noi

	• Capacitatea de a identifica, formula, modela și rezolva probleme de inginerie în abordare sistemică
--	---

5. Condiții (acolo unde este cazul)

5.1. de desfășurare a cursului	-
5.2. de desfășurare a seminarului / laboratorului / proiectului	-

6. Competențele specifice acumulate

Competențe profesionale	Cunostinte teoretice • Rezolvarea de sarcini complexe, specifice ingineriei electrice folosind cunoștințe avansate din cadrul științelor ingineresti • Utilizarea cunoștințelor și conceptelor moderne în elaborarea documentelor necesare proiectarii sistemelor electrice Deprinderi dobândite • Recunoașterea și descrierea conceptelor și metodelor științifice aplicabile domeniului electric • Utilizarea de teorii și instrumente specifice pentru explicarea metodelor din domeniul electric • Aplicarea cunostintelor, conceptelor, metodelor si teoriilor stiintifice din domeniu pentru rezolvarea de probleme teoretice si practice in domeniul electric • Interpretarea caracteristicilor sistemelor electrice • Fundamentarea teoretică a caracteristicilor problemelor din domeniul electric • Identificarea proceselor, fluxurilor, principiilor, modelelor matematice de bază cu privire la proiectarea unui sistem electric • Utilizarea unor tipare de soluții pentru dezvoltarea sistemelor electrice • Evaluarea cantitativă și calitativă a performanțelor proceselor, fluxurilor, principiilor, metodelor și instrumentelor de bază privind proiectarea în ingineria electrica • Elaborarea de proiecte profesionale Abilitati dobândite • Utilizarea integrată a aparatului conceptual și metodologic, în condiții de informare incompletă, pentru a rezolva probleme teoretice și practice noi • Utilizarea nuanțată și pertinentă de criterii și metode de evaluare, pentru a formula judecăți de valoare și a fundamenta decizii constructive
Competențe transversale	La finalizarea disciplinei, studentul va fi capabil să: • analizeze și să rezolve probleme complexe utilizând gândirea critică și raționamentul logic; • utilizeze tehnologiile informatice și software-urile specializate pentru documentare, calcul și analiză de date; • lucreze autonom și să își gestioneze eficient activitatea de învățare și documentare; • comunice clar și riguros rezultatele obținute, în formă scrisă și orală, utilizând limbaj tehnic adecvat; • colaboreze eficient în echipe interdisciplinare pentru rezolvarea unor studii de caz sau proiecte aplicative; • manifeste responsabilitate profesională și respectarea bunelor practici ingineresti; • adapteze cunoștințele dobândite la contexte noi și să își actualizeze continuu competențele profesionale.

7. Rezultatele așteptate ale învățării

Cunoștințe	La finalizarea disciplinei, studentul va putea demonstra cunoașterea și înțelegerea următoarelor: • principiilor și conceptelor fundamentale și avansate de matematici aplicate necesare studiilor de master, incluzând metode numerice avansate, tehnici de optimizare și prognoză; • metodelor moderne de aproximare, interpolare și integrare numerică; • metodelor de rezolvare numerică a ecuațiilor și sistemelor de ecuații diferențiale; • criteriilor de optimalitate, stabilitate numerică și eficiență computațională ale algoritmilor numerici; • metodelor moderne de optimizare implementate în produse software de calcul numeric, cu aplicații în ingineria electrică și energetică; • cadrului matematic utilizat în modelarea și analiza problemelor ingineresti din domeniul electric și energetic; • corelației dintre metodele numerice clasice și tehnicile moderne utilizate în aplicații software specializate; • rolului matematicilor avansate în analiza, simularea și optimizarea sistemelor electrice și energetice.
Abilități	La finalizarea disciplinei, studentul va fi capabil să: • aplice metode numerice moderne pentru rezolvarea unor probleme concrete din ingineria electrică și energetică; • implementeze algoritmi de aproximare, interpolare, integrare numerică și rezolvare a ecuațiilor diferențiale în medii software de calcul numeric; • utilizeze tehnici moderne de implementare a algoritmilor în aplicații software specializate; • selecteze și să justifice alegerea algoritmului numeric adecvat în funcție de tipul problemei, cerințele de precizie, stabilitate și eficiență; • analizeze performanța algoritmilor numerici din punct de vedere al erorii, convergenței și costului computațional; • integreze cunoștințele dobândite în cadrul disciplinelor de Metode Numerice și Programarea Calculatoarelor în rezolvarea unor studii de caz avansate; • utilizeze metode moderne de optimizare și prognoză în aplicații ingineresti reale; • rezolve în mod autonom probleme de modelare, simulare și optimizare specifice domeniului electric și energetic.
Responsabilitate și autonomie	La finalizarea disciplinei, studentul va demonstra responsabilitate și autonomie în: • abordarea independentă a problemelor complexe de matematici aplicate din ingineria electrică și energetică; • selectarea și utilizarea adecvată a metodelor numerice, de optimizare și prognoză, în funcție de cerințele aplicației; • utilizarea eficientă și responsabilă a software-urilor de calcul numeric; • evaluarea critică a rezultatelor obținute și asumarea deciziilor tehnice privind modelarea, simularea și optimizarea sistemelor.

8. Obiectivele disciplinei (reieșind din grila competențelor specifice acumulate)

8.1 Obiectivul general al disciplinei	Obiectivul general al acestui curs este să facă cunoscut în amănunt cele mai importante componente de matematică care se întâlnesc în aplicații din ingineria electrică. Cursul caută să ofere studenților
---------------------------------------	--

	de la master, modul de utilizare a acestor instrumente matematice, dezvoltând numeroase exemple, extrase din probleme concrete de inginerie electrică și energetică. Cursul nu insistă asupra rigorii demonstrațiilor matematice, stăruind în particular asupra algoritmilor de calcul și dând numeroase exemple de aplicare a metodelor expuse, la probleme concrete preluate din ingineria electrică. La final ei trebuie să cunoască modul în care se aplică aceste complemente de matematică în rezolvarea problemelor complexe din ingineria electrică și energetică, continuând formarea unei logici numerice riguroase și a unui mod de gândire algoritmic începute la cursurile de Metode numerice și Programarea Calculatoarelor.
8.2 Obiectivele specifice	• Scopul principal al cursului este acela de a prezenta într-o formă rapid asimilabilă, noțiunile de matematici avansate (tehnici de optimizare și prognoza, metode numerice avansate, rețele neuronale) pe care un student din ciclul de master trebuie să le posede pentru a putea aborda cu succes cursurile premergătoare specializării lor • Implementarea în aplicații concrete a unor metode numerice moderne de aproximare și interpolare, de integrare numerică și rezolvare a ecuațiilor și sistemelor de ecuații diferențiale, punându-se accent pe optimalitate și eficiență • Aplicarea noțiunilor de complemente de matematici în probleme concrete de inginerie electrică și energetică • Aprofundarea cunoștințelor dobândite în cadrul cursurilor de Metode Numerice și Programarea Calculatoarelor • Utilizarea tehnicilor moderne de implementare a algoritmilor în softuri de calcul numeric • Alegerea algoritmului numeric de rezolvare potrivit pentru diverse studii de caz • Cunoașterea unor metode moderne ale tehnicilor de optimizare orientate pe produse soft de bază, cu aplicații în ingineria electrică și energetică

9. Conținuturi

9.1 Curs	Nr. ore	Metode de predare	Observații
Curs 1. Metode matriciale avansate aplicate în ingineria electrică. Aplicații ale algebrei matriciale în analiza și studiul stabilității circuitelor electrice. Funcții de matrice. Calculul valorilor proprii și vectorilor proprii. Calculul pseudosoluțiilor. Operații diferențiale asupra matricilor. Metoda variabilelor de stare. Soluțiile ecuațiilor de stare. Interpretarea geometrică a condiționării sistemelor de ecuații algebrice. Numarul de condiționare. Inegalitatea lui Wielandt-Kantorovitch.	2	Prezentare Power Point – interactiv expunere-discuții Demonstrațiile/explicațiile algoritmilor – pe tablă	
Curs 2+3. Metode numerice avansate aplicate în ingineria electrică. Metode de aproximare numerică (support vector machines, Global Least Squares, Moving Least Squares, Radial Basis Functions). Operatori de interpolare multidimensionali. Metode de interpolare cu polinoame Stirling și Bessel în rezolvarea circuitelor	4		

9.1 Curs	Nr. ore	Metode de predare	Observații
electrice neliniare în regim dinamic. Aproximare printr-o dezvoltare Fourier limitată. Problema analizei armonice. Aplicarea calculului simbolic la rezolvarea ecuațiilor diferențiale și integrale. Integrarea numerică a ecuațiilor cu derivate parțiale. Notiuni introductive în metoda Monte Carlo (MMC), metoda MoM (metoda momentelor), metoda FDTD (Finite Difference Time Domain), metoda TLM (Transmission Line Method)			
Curs 4+5. Complemente de matematici aplicate la analiza și modelarea câmpului electromagnetic. Modele matematice de analiză a problemelor de câmp electromagnetic. Sisteme de coordonate curbilinii ortogonale în trei dimensiuni. Definirea geometrică a problemelor de câmp. Sistemul de coordonate al cilindrului parabolic, eliptic și al elipsoidului de rotație. Calculul vectorial-fundamentarea teoriei câmpului. Operații diferențiale asupra vectorilor. Semnificația fizică a operatorilor gradient, divergență, rotor. Modelul matematic diferential de câmp electromagnetic. Potentiale electrodinamice retardate. Ecuația de tip Helmholtz.	4		
Curs 6+7. Tehnici de optimizare și prognoza aplicate în ingineria electrică și energetică. Tehnici utilizate în construirea algoritmilor pentru rezolvarea problemelor de optimizare cu restricții. Probleme de optimizare unicriteriale și multicriteriale. Tehnici de prognoză a consumului de energie electrică. Metode pentru prognoze pe termen scurt, mediu și lung. Tehnici de inteligență artificială: logica Fuzzy, rețele neuronale, algoritmi genetici. Rețele neuronale feed-forward. Rețele neuronale recurente.	4		
Bibliografie Bibliografie 1. S. Abdel, Modern optimization techniques with applications in electric power systems, Springer, 2013. 2. M. Crow, Computational methods for electric power systems, Taylor & Francis Group, 2012. 3. M. Sadiku, Numerical techniques in electromagnetics with Matlab. Third Edition, CRC Press, 2013. 4. M. Sadiku, Mathematical Elements of electromagnetics, Oxford Univ. Press, 2017. 5. R. Stanislaw, Fundamental numerical methods for electrical engineering, Springer, 2012. 6. G. Ciuprina, Algoritmi numerici pentru calcule științifice în ingineria electrică, MatrixRom, 2013. 7. L.R. Chevalier, Numerical Methods for Engineers, Southern Illinois University Carbondale – USA, 2012. 8. J.M. Jin, Theory and computation of electromagnetic fields, Ed. Wiley, IEEE Press, 2010. 9. I. Rus, I. Crăciun, Modelare matematică, Casa de Editură Transilvania Press, Cluj-Napoca, 2000. 10. S. Xu, Applied Numerical Computation Methods, Ed. ZJU, MIT – USA, 2011. 11. S. Tubbs, Mathcad for electrical engineers and technologists, ed. Stephen Weiss, 2009. 12. V. Firețeanu, Modele numerice în studiul și concepția dispozitivelor electrotehnice, MatrixRom, 2004. 13. A. Bratcu, Metode numerice utilizate în analiza sistemelor, Ed. Matrix Rom București, 2004. 14. J. Edminister, Schaum's easy outline of electromagnetics, McGraw, 2010. 15. D.D. Micu, A. Ceclan, Metode Numerice. Aplicații în ingineria electrică, Editura Mediamira, 2007. H. Wilson, B. Keating, Forecasting And Predictive Analytics With Forecast X, Elsevier, 2018			

9.2 Seminar / laborator / proiect / practică	Nr. ore	Metode de predare	Observații
Seminar 1+2. Aplicații în ingineria electrică a metodelor de calcul matriceal: Transformata Park – trecere sistem trifazat la sistem bifazat. Studiul cuadripolilor și filtrelor. Calculul oscilațiilor libere ale unei rețele. Compatibilitate electromagnetica: caracterizarea stabilitatii la perturbatii a dispozitivelor electromagnetice si circuitelor electrice - numarul de conditionare. Rezolvarea numerica a sistemelor de ecuatii cu coeficienti complecsi - probleme de interferente electromagnetice.	4	Prezentare Power Point – interactiv expunere-discuții Demonstrațiile/explicațiile algoritmilor – pe tabla	
Seminar 3. Interpolarea uni si bidimensionala a functiilor numerice – prelucrarea imaginilor, stabilirea caracteristicilor de dependenta a aparatelor de masura. Aproximarea analitica a curbilor tehnice. Probleme plane și de rotație. Ecuația telegrașiștilor. Ecuația lui Poisson. Obținerea ecuațiilor lui Maxwell prin metoda Bromwich.	2		
Seminar 4+5. Descompunerea în serie Fourier a semnalelor electrice - analiza si sinteza semnalelor electrice; studiul regimului armonic. Cazul unei rețele electrice neamortizate. Integrala Fourier cu termeni complecși. Aplicație la circuite electrice. Aplicație la analiza circuitelor electrice pe baza dezvoltării în serie Fourier. Metode de modelare si implementare a GIS. Analiza tranzitorie. Metoda PEEC. Prezentare software XGSLAB. Modelare matematica a proceselor din bioelectromagnetism	4		
Seminar 6. Utilizarea grafurilor de curent și de tensiune în analiza circuitelor electrice de curent alternativ nereciproce. Unicitatea solutiilor de camp electric si magnetic; conditiile initiale, de frontiera si de etalonare - descriere matematica. Aplicații în ingineria electrică: Ghidul de undă coaxial. Efectul pelicular al curenților alternativi care străbat un conductor cilindric de rotație. Studiul spectrului unei unde modulate în frecvență. Oscilațiile electromagnetice ale unei cavități.	2		
Seminar 7+8+9. Sisteme de coordonate - alegerea modelului geometric in simularea problemelor de camp electric si magnetic; evidentierea simetriilor, reducerea efortului computational. Aplicații în ingineria electrică: Structura schelet a teoriei campului electromagnetic; semnificatia fizica a operatorilor - modelarea problemelor de camp. Aplicație la analiza câmpului electromagnetic. Modelul matematic al controlului scalar si vectorial, descrierea matematica a controlului orientarii dupa camp a masinilor electrice - fazori spatiali. Modelul matematic diferential de camp electromagnetic rezolvat cu ajutorul potentialelor. Conditia de etalonare Lorentz. Problema mixtă pentru ecuația Poisson pe un	6		

9.2 Seminar / laborator / proiect / practică	Nr. ore	Metode de predare	Observații
domeniu. Probleme hiperbolice, difuzie artificială, difuzie în direcția liniilor de curent. Rezolvarea problemei Stokes cu metoda elementului finit.			
Seminar 10+11+12. Tehnici de inteligența artificială (rețele neuronale) aplicate în studiul problemelor de interferență electromagnetică. Tehnici și modele de prognoză a consumului de energie electrică. Tehnologii în AlphaBlock-ARIMA. Prognoza datelor din SEN. Medii mobile de calcul al erorii. Parametrizarea problemelor de câmp în aplicațiile de optimizare. Procedee de optimizare neliniară utilizate la ameliorarea performanțelor rețelelor neuronale; metode de interpolare polinomială a funcțiilor; diferențe finite, utilizate la prognosticarea calității prognozei curbilor de sarcină în funcție de datele existente; procedee de aproximare polinomială bazate pe metoda celor mai mici pătrate, utilizate la prognoza clasică prin extrapolare liniară și parabolică. Optimizarea protecției maxime de curent în funcție de curentul de magnetizare al grupurilor de transformatoare de distribuție de MT/JT	6		
Seminar 13+14. Prezentarea proiectelor HORIZON 2020 ale Laboratorului de cercetare în Metode Numerice	4		
Bibliografie 1. P. Tetlock, D. Gardner, Superforecasting: The Art and Science of Prediction, Broadway books, 2015. 2. G. N. Kariniotakis, Renewable Energy Forecasting: From Models to Applications, Elsevier, 2017 3. A.R. Parkinson, R. Balling, J. Hedengren, Optimization Methods for Engineering Design. Applications and Theory, Brigham Young University, 2013 4. B. Maxfield, Essential Mathcad for Engineering, Academic Press, 2014. 5. D.D. Micu, A. Ceclan, L. Czumbil, D. Csala, Metode Numerice. Lucrări practice, Ed. Mediamira, 2010. 6. Ș. Kilyeni, Metode numerice. Aplicații în energetică, Ed. Orizonturi Universitare Timișoara, 2006. 7. D. Ioan, ș.a. Metode numerice în ingineria electrică, Ed. Matrix Rom București, 2005. 8. A. Gilat, Outlines, Notes for numerical methods for engineers and scientists, Ed. Springer 2010. 9. T. Senior, Mathematical methods in electrical engineering, Central London Press, 2008. 10. D.D. Micu, A. Cziker, Aplicații ale metodelor numerice în electrotehnică, Casa Cărții de Știință, 2002. 11. D.D. Micu, G.C. Christoforidis, L. Czumbil, Artificial Intelligence Techniques Applied to Electromagnetic Interference Problems Between Power Lines and Metal Pipelines, in <i>Recurrent Neural Networks and Soft Computing</i> , Ed. InTech, Ch. 12, pp. 253-274, Rijeka, Croatia, 2012. D.D. Micu, Metode numerice în studiul interferențelor electromagnetice, Ed. Mediamira, 2004.			

10. Coroborarea conținuturilor disciplinei cu așteptările reprezentanților comunității epistemice, asociațiilor profesionale și angajatorilor reprezentativi din domeniul aferent programului

Competențele dobândite vor fi necesare angajaților care își vor desfășura activitatea în domeniul inginerie electrică/energetică/stiințe ingineresti aplicate. Conținutul disciplinei este în concordanță cu ceea ce se predă în cadrul altor facultăți de profil electric atât din Universitatea Tehnică cât și din alte centre universitare din țară și din străinătate. Pentru o mai bună adaptare la cerințele pieței muncii a conținutului disciplinei au avut loc întâlniri cu reprezentanți ai companiilor din domeniu.

11. Evaluare

Tip activitate	11.1 Criterii de evaluare	11.2 Metode de evaluare (și forma evaluare: continuă/sumativă)	11.3 Pondere din nota finală
11.4 Curs	Cunoaștere principii / gândire creativă și critică în aplicarea cunoștințelor Examenul constă din verificarea cunoștințelor printr-un set de 3 subiecte teoretice	Proba scrisa/oral	50%
11.5 Seminar/Laborator /Proiect / practică	Pe baza cunostintelor practice acumulate. Examenul constă din verificarea cunoștințelor printr-un set de 3 aplicații	Proba oral	50%
11.6 Standard minim de performanță: Obținerea min. 20% proba scris/oral si min. 30% proba practica			

Data completării:	Titulari	grad didactic, titlu Prenume NUME	Semnătura
19.01.2026	Curs	Prof.dr.ing.mat. Dan Doru MICU	
	Aplicații	Prof.dr.ing.mat. Dan Doru MICU	

Avizul Directorului departamentului care coordonează disciplina, doar dacă acesta diferă de departamentul organizator al programului de studii

Director Departament

Data avizării în Consiliul Departamentului

Director Departament

Prof.dr.ing.mat. Dan Doru MICU

Data aprobării în Consiliul Facultății

Decan,

Conf.dr.ing. Andrei Cristinel CZIKER